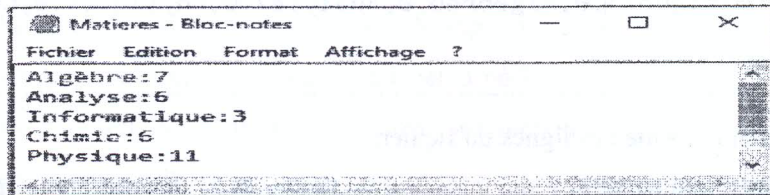


DEVOIR SEMESTRE 1**Matière : INFORMATIQUE****Classes : 2^{ème} Année Durée : 1 h****Préparation : MP-PC-PT****Problème 1 (10 points)**

Soit un fichier texte intitulé 'Matières.txt' dont chaque ligne contient le nom d'une matière suivi de son coefficient, séparés par le caractère ':'.

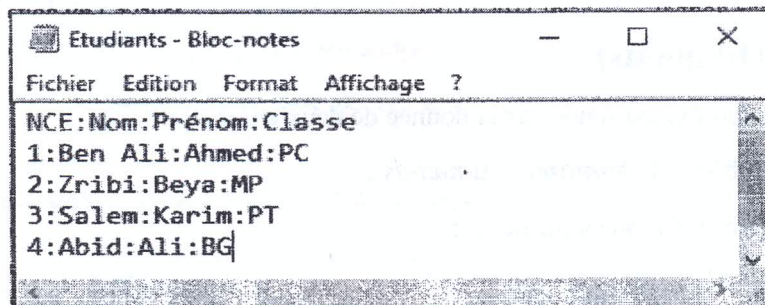


Travail demandé : Écrire un programme Python contenant les fonctions suivantes :

- Saisie():** qui permet de saisir et de retourner un entier $0 < N \leq 20$.
- Saisie_Etudiants(N) :** qui permet de saisir le NCE (de type entier), le nom, le prénom et la classe de N étudiants séparés par le caractère ':' et les enregistrer dans un fichier texte nommé "Etudiants.txt".

Exemple :

>>> Saisie_Etudiants(4) retourne le fichier 'Etudiants.txt' contenant 5 lignes (une entête et quatre lignes contenant les informations des quatre étudiants)



NB. Respecter bien la forme des lignes du fichier.

- Construire_Dic(fich) :** qui à partir d'un fichier **fich** stockant les données relatives des matières, retourne un dictionnaire composé de clefs qui sont les noms des matières et de valeurs qui sont les coefficients correspondants.

Exemple:

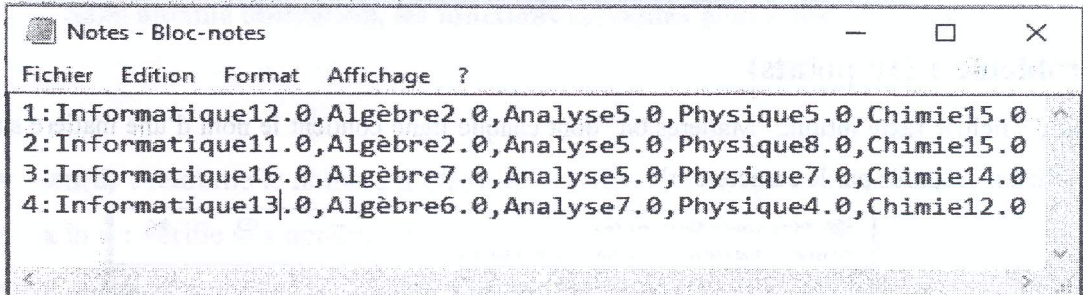
>>> Construire_Dic('Matières.txt') retourne {'Informatique': 3, 'Analyse': 6, 'Chimie': 6, 'Algèbre': 7, 'Physique': 11}

4. **Saisie_Notes(fich,N)** : qui à partir d'un fichier **fich** des matières et **N** le nombre des étudiants, stocke dans un fichier **'Notes.txt'** les notes d'un étudiant.

Chaque ligne est formée par NCE:matière1note1,matière2note2,matière3note3, etc...

Exemple :

>>> Saisie_Notes("Matières.txt",4) retourne le fichier 'Notes.txt'



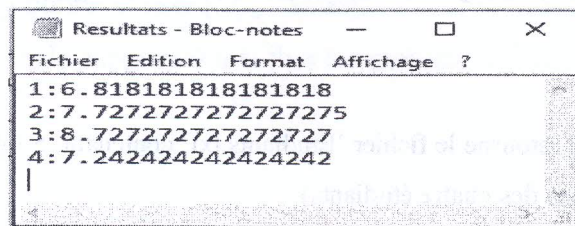
NB. Respecter bien la forme des lignes du fichier.

5. **Calculer_Resultat(fich1,fich2)**: qui à partir d'un fichier **fich1** des matières et **fich2** des notes, stocke dans un fichier **'Resultats.txt'** la moyenne de chaque étudiant.

NB. La moyenne = (note de chaque matière × son coefficient)/total des coefficients.

Exemple :

>>> Calculer_Resultat("Matières.txt", "Notes.txt") crée le fichier 'Resultats.txt'



Problème 2 (10 points)

Un graphe non orienté G est fondé sur la donnée de deux ensembles :

- un ensemble S de **sommets** ou **nœuds** ;
- un ensemble A d'**arcs** ou liens ;

Si on note l'ensemble S de n sommets $S = \{s_0, s_1, \dots, s_n\}$ et l'ensemble A de p arrêtes $A = \{a_0, a_1, \dots, a_{p-1}\}$, alors toute arrête a_i est définie par un couple non ordonné de sommets $(s_j, s_k) \in S^2$.

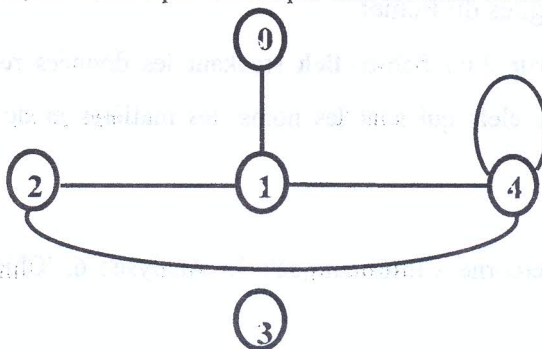


Figure 1 : Exemple de graphe non orienté

Soit un exemple de graphe non orienté représenté par la figure 1. Les n sommets de ce graphe sont numérotés de 0 à $n-1$.

Chaque arrête est désignée par un couple (i,j) où i et j appartiennent nécessairement à l'intervalle $[0,n-1]$.

Il existe plusieurs méthodes pour représenter un graphe. La plus naturelle consiste à utiliser le tuple (n,L) où n est le nombre de sommets et L la liste de ses arrêtes énumérées dans n'importe quel ordre.

On appelle **degré** du sommet k et on note $\text{deg}(k)$ le nombre d'arrêtes dont ce sommet est l'une des extrémités.

Question 1. Donner le tuple (n,L) où n est le nombre de sommet du graphe de la figure 1 et L la liste de ses arrêtes.

Question 2. Ecrire une fonction **degre(liste_arretes,sommet)** prenant en arguments la liste des arrêtes d'un graphe et le numéro d'un sommet et retournant le degré de ce dernier.

Exemple : `>>>degre([(0,1),(1,2),(1,4),(2,4),(4,4)],1)` retourne 3

Question 3. Ecrire une fonction **non_isole(nombre_sommets,liste_arretes)** prenant en arguments le nombre de sommets d'un graphe et la liste de ses arrêtes et retournant la liste des sommets non isolés, c'est-à-dire intervenant dans au moins une arrête.

Exemple : `>>>non_isole(5, [(0,1),(1,2),(1,4),(2,4),(4,4)])` retourne [0, 1, 2, 4]

Une méthode alternative de représentation d'un graphe, plus performante, consiste à utiliser la notion de liste d'adjacence. On appelle liste d'adjacence d'un graphe à n sommets la liste de longueur n dont l'élément courant d'indice k est lui-même une liste classant, dans un ordre quelconque, l'ensemble des sommets reliés par une arrête au sommet k . La donnée de la liste d'adjacence suffit pour caractériser un graphe dans son intégralité. Soit la liste d'adjacence du graphe de la figure 1 `liste_adjacence=[[1],[0,2,4],[1,4],[],[1,2,4]]`. Sommet 1 est lié uniquement à 0,2 et 4. Sommet 4 est lié uniquement à 1,2 et 4.

Question 4. Ecrire une fonction **adjacence(nombre_sommets,liste_aretes)** prenant en arguments le nombre de sommets d'un graphe et la liste de ses arrêtes et retournant la liste d'adjacence de cette dernière.

Exemple : `>>>adjacence(5, [(0,1),(1,2),(1,4),(2,4),(4,4)])` retourne `[[1, 0, 2, 1, 4, 1, 4, 2, 4], [1, 0, 2, 1, 4, 1, 4, 2, 4], [1, 0, 2, 1, 4, 1, 4, 2, 4], [1, 0, 2, 1, 4, 1, 4, 2, 4], [1, 0, 2, 1, 4, 1, 4, 2, 4]]`

Question 5. Ecrire une fonction **max_degre(liste_adjacence)** prenant en arguments la liste_adjacence d'un graphe et retournant le sommet dont l'indice est le plus grand.

Exemple : `>>>max_degre([[1],[0,2,4],[1,4],[],[1,2,4]])` retourne 4
car la longueur de [1] est 1, la longueur de [0,2,4] est 3 , etc.

ANNEXE – Quelques méthodes Python de la classe dict et de la classe str

Sans aucune obligation, les fonctions suivantes pourraient vous être utiles.

- **len(d)** : retourne le nombre d'éléments du dictionnaire d.
- **x in d** : vérifie si x appartient à d.
- **d.values()** : retourne un itérable formé par les valeurs du dictionnaire d.
- **d.keys()** : retourne un itérable formé par les clés du dictionnaire d.
- **ch.isalpha()** : renvoie True si la chaîne ch n'est formé que par des caractères alphabétiques, False si non.
- **ch.split(sep)** : permet de retourner la liste formée par les sous-chaînes de la chaîne de caractères ch séparées par le caractère sep donné en argument (par exemple "2 :deux".split(':') donne la liste ['2', 'deux']).
- **ch.strip()** : permet de supprimer à la fois les espaces de fin et de début de la chaîne ch.