

**Devoir de contrôle de S.T.A - Semestre N°1**  
**Sections : M.P.2 & P.C.2**  
**Mécanique des Solides Indéformables**

Durée : 1h

Date : 01 Novembre 2019

### Volant d'inertie

Un volant d'inertie est un système rotatif permettant le stockage et la restitution d'énergie cinétique. Il est constitué d'une masse (exemple : disque, anneau, cylindre, etc.) fixée sur un axe et entraînée en rotation par l'action d'un couple. Une fois lancée, la masse continue à tourner, même s'il n'y a plus d'action. L'énergie est alors stockée dans le volant d'inertie sous forme d'énergie cinétique qui pourra ensuite être restituée.

On représente dans la Figure 1 un volant d'inertie en acier de masse volumique  $\rho$ . Il est constitué :

- d'une couronne circulaire (C) modélisée par un cylindre creux de rayon intérieur  $R_i = 8c$ , de rayon extérieur  $R_e = 10c$  et de hauteur  $h = 2c$  ;
- d'un moyeu central (M) de rayon  $R_M = c$  et de hauteur  $h = 2c$  ;
- de trois bras  $B_i$  ( $i = 1, 2, 3$ ) à  $120^\circ$  de section carrée (coté  $c$ ).

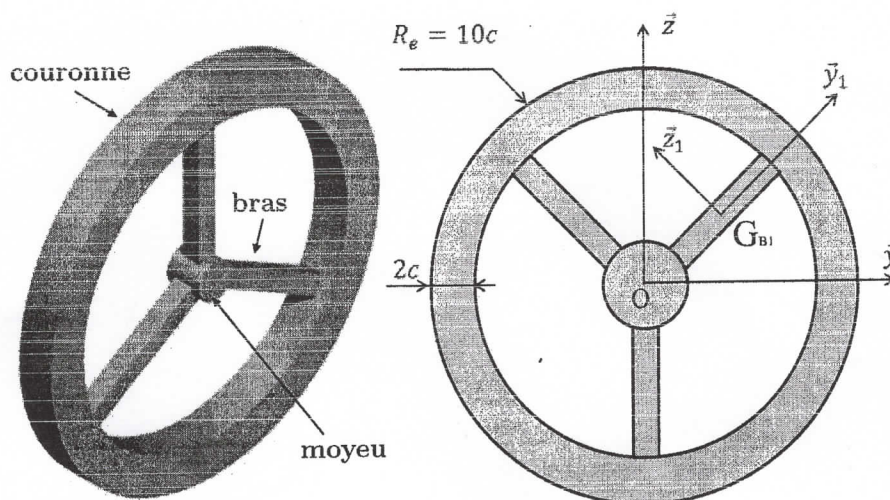


FIGURE 1 – Volant d'inertie

Le plan  $(O, \vec{y}, \vec{z})$  est un plan de symétrie matérielle pour le volant. Les bras sont modélisés par des parallélépipèdes tangents à la couronne et au moyeu.

1. Déterminer en fonction de  $\rho$  et  $c$  l'expression du moment d'inertie  $I_O(M)$  du moyeu par rapport de l'axe de rotation  $(O, \vec{x})$ .
2. Déterminer en fonction de  $\rho$  et  $c$  l'expression du moment d'inertie  $I_O(C)$  de la couronne par rapport de l'axe de rotation  $(O, \vec{x})$ .

3. Chaque bras est modélisé par un parallélépipède de dimension  $(c \times 7c \times c)$ . A chaque bras, on associe un repère local  $(O, \vec{x}, \vec{y}_i, \vec{z}_i)$  (exemple :  $\vec{y}_1, \vec{z}_1$  pour le bras  $(B_1)$ , Voir Figure 2).

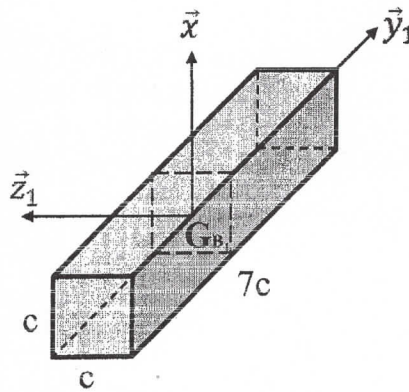


FIGURE 2 – Bras  $B_1$

- Déterminer en fonction de  $\rho$  et  $c$  l'expression du moment d'inertie  $I_{G_{B_1}}(B_1)$  du bras  $(B_1)$  par rapport à l'axe  $(G_{B_1}, \vec{x})$  où  $G_{B_1}$  est le centre d'inertie du bras  $(B_1)$ .
4. Déduire en fonction de  $\rho$  et  $c$  l'expression du moment d'inertie  $I_O(B_1)$  du bras  $(B_1)$  par rapport à l'axe  $O, \vec{x}$ . On donne  $\overrightarrow{OG_{B_1}} = \frac{9c}{2} \vec{y}_1$
  5. Déterminer en fonction de  $\rho$  et  $c$  l'expression du moment d'inertie  $I_O$  du volant par rapport à l'axe de rotation  $(O, \vec{x})$  (on néglige les raccords entre le moyeu, le bras et la couronne). Calculer  $I_O$ . On donne  $c = 5\text{ cm}$ ,  $\rho = 7800\text{ kg/m}^3$ .
  6. Calculer la masse  $M$  du volant d'inertie.
  7. Calculer la masse d'un disque d'épaisseur  $2c$  ayant le même moment d'inertie que le volant. Conclure.